FICHE

Calculer des fréquences et des moyennes

J'acquiers des automatismes (3'







A12 Exprimez 4,2 h en heures et minutes.

Capacités :

- Calculer des fréquences (mentalement dans les cas simples, sinon calculatrice ou tableur)
- Calculer la moyenne d'une série statistique (mentalement dans les cas simples, sinon calculatrice ou tableur)

A4 Calculez : $\frac{11}{3} - \frac{1}{6} = \dots$ $\frac{11}{3} \times \frac{1}{6} = \dots$

ACTIVITÉ 1

Sous la douche

Le nombre de douches prises en une semaine par une personne dépend de différents facteurs : son travail, son âge, le nombre d'utilisateurs de la salle

Une enquête auprès de 500 Français en zone urbaine a donné les résultats suivants pour une période de 8 jours.

| Nombre de douches | Moins de 4 | 4 | 5 | 6 | 7 ou plus |
|-------------------|------------|----|----|----|-----------|
| Effectif | 53 | 69 | 61 | 92 | 225 |



Problématique : peut-on considérer que plus de 70 % des personnes de cette enquête prennent une douche au moins un jour sur deux ?

- S'approprier Donnez l'effectif total :
- Réaliser Calculez la fréquence de la valeur 4, c'est-à-dire le pourcentage de personnes qui prennent 4 douches en 8 jours.

| | COUP DE PO | UCE 🦞 |
|---------------|----------------|-------|
| Pourcontago - | effectif | × 100 |
| Pourcentage = | effectif total | × 100 |

Réaliser Complétez la troisième ligne du tableau ci-dessous.

| Nombre de douches en 8 jours | Moins de 4 | 4 | 5 | 6 | 7 ou plus |
|------------------------------|------------|------|----|----|---|
| Effectif | 53 | 69 | 61 | 92 | 225 |
| Fréquence (en %) | | 13,8 | | | *************************************** |

- 4 Analyser-Raisonner Combien de douches, sur une période de 8 jours, prennent les personnes qui se douchent au moins 1 jour sur 2 ? Donnez les différents nombres possibles.
- Réaliser Communiquer Répondez à la problématique.



L'eau, une ressource à économiser

On peut facilement faire des économies sur sa consommation d'eau en surveillant le temps passé sous la douche ; 8 minutes est une durée moyenne qu'il serait souhaitable de ne pas dépasser. La famille Colin compte 5 personnes.



Différents relevés sur la durée de leurs douches ont été effectués.

Tableau A (pour une journée choisie au hasard)

| Prénom | Agathe | Benoît | Mélissa | Sonia | Tanguy |
|-----------------------------|--------|--------|---------|-------|--------|
| Durée d'une douche (en min) | 10 | 8 | 7 | 8 | 8 |

Tableau B (pour un mois pour les 5 personnes)

| Durée d'une douche (en min) | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-----------------------------|---|----|----|----|----|----|
| Nombre de douches | 8 | 27 | 25 | 58 | 22 | 13 |

Problématique : la famille Colin dépasse-t-elle la durée moyenne de 8 min par douche ?

- 1 Réaliser À l'aide du tableau A, calculez la durée totale passée par la famille Colin sous la douche.
- Réaliser Calculez la durée moyenne des 5 durées du tableau A en divisant la durée totale par 5.
- S'approprier En vous aidant du tableau B, déterminez le nombre de douches qui durent 5 min.





- Réaliser En utilisant les fonctions statistiques de la calculatrice, déterminez la durée moyenne d'une douche d'après le tableau B.
- **Sommuniquer Répondez** à la problématique si cela est possible.

Je fais le point

• Pour calculer la **fréquence** d'une valeur (ou d'une classe), on divise de la valeur (ou de la classe) par l'effectif

Exemple:

Nationalité des 1 000 clients qui ont fréquenté un camping pendant les deux mois d'été.

| Nationalité | Français | Hollandais | Allemands | Anglais | Autres |
|-------------|----------|------------|-----------|---------|--------|
| Effectif | 593 | 237 | 90 | 52 | 28 |

Il y a eu 237 Hollandais. La fréquence pour les Hollandais est $\frac{237}{1000}$ = 0,237, soit 23,7 %.

• La moyenne d'une série de valeurs est égale à la de ces valeurs divisée par l'effectif

Exemple:

Menus choisis par les 120 clients d'un restaurant sur une semaine.

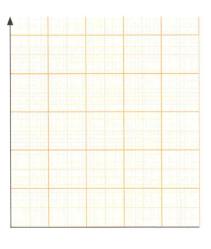
| Prix du menu (en €) | 12 | 15 | 21 | 30 |
|---------------------|----|----|----|----|
| Effectif | 30 | 22 | 47 | 21 |

Le prix moyen du menu choisi est : $\frac{12 \times 30 + 15 \times 22 + 21 \times 47 + 30 \times 21}{120} = \frac{2307}{120} \approx 19,23$ €.

5 Voici un tableau qui présente les moyens de transport des élèves d'une classe de CAP pour venir au lycée.

| Moyen de transport | À pied | Vélo | Voiture | Transport en commun |
|--------------------|--------|------|---------|---------------------|
| Effectif | 4 | 3 | 4 | 9 |

- **a.** Construisez le diagramme en bâtons de ce tableau. Prendre 1 cm pour 2 d'effectif.
- **b.** X Construisez le diagramme circulaire de ce tableau avec un tableur.



Calculer des fréquences et des moyennes

6 Hugo a téléchargé des titres musicaux sur son téléphone. Il les a classés par genre musical comme indiqué dans ce tableau.

| Genre musical | Pop | Rap | Techno | Variété |
|------------------|-----|-----|--------|---------|
| Nombre de titres | 35 | 23 | 14 | 28 |
| Fréquence (en %) | | | | |

- a. Calculez l'effectif total.
- b. Complétez le tableau en calculant les fréquences correspondantes.
- 🔾 c. Expliquez oralement comment vous obtenez la fréquence du genre pop.
- Reliez les éléments qui permettent d'obtenir des phrases exactes.
 - La moyenne de la série 10 ; 12 ; 20 est •
- inférieure à 14.
- La moyenne de la série 11 ; 12 ; 15 est •
- supérieure à 14.
- La moyenne de la série 13 ; 14 ; 16 est •
- égale à 14.



8 Calculez la moyenne de la série statistique donnée dans le tableau ci-dessous en utilisant les fonctions statistiques de la calculatrice :

| Valeur | 12 | 13 | 16 | 18 |
|----------|----|----|----|----|
| Effectif | 7 | 10 | 5 | 8 |



9 60 personnes ont participé à une course. On a relevé, en minutes, le temps mis par chacun des participants pour effectuer cette course.

| Temps (en min) | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 29 | 30 |
|----------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Effectif | 4 | 8 | 9 | 10 | 8 | 7 | 6 | 3 | 2 | 1 | 2 |

Calculez le temps moyen mis par ces 60 coureurs en utilisant les fonctions statistiques de la calculatrice.



| Jour | Effectif | Fréquence (arrondie à l'unité) |
|----------|----------|-----------------------------------|
| Lundi | 84 | 4 % |
| Mardi | 399 | |
| Mercredi | 550 | |
| Jeudi | | |
| Vendredi | 420 | |
| Samedi | 261 | |
| Total | 2 100 | 100 % |



- a. Complétez la colonne Effectif.
- b. Complétez la colonne Fréquence.
- c. Calculez le nombre moyen d'entrées par jour.

| | è | | | i. | |
|-----|----|---|---|----|----|
| - 4 | | | | O) | ů. |
| | Þ | 7 | 7 | H | |
| | t | 2 | 3 | d | |
| - 1 | ۲, | | а | | 37 |

1 Des gendarmes ont effectué une série de contrôles sur une route où la vitesse maximale autorisée est 80 km/h.

| Vitesse relevée (en km/h) | 72 | 77 | 79 | 82 | 86 | 90 | 91 | 97 |
|---------------------------|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Nombre d'automobilistes | 2 | 10 | 6 | 1 | 7 | 4 | 3 | 6 |

- a. Calculez, en km/h, la vitesse moyenne des automobilistes contrôlés. Arrondissez au dixième.
- b. Calculez, en km/h, la vitesse moyenne des automobilistes contrôlés qui ont dépassé la vitesse maximale autorisée. Arrondissez au dixième.



12 SCRATCH foucherconnect.fr/ 20m06 Ouvrez le fichier « C01_20_frequence.sb3 ».

Ce programme calcule le nombre de fois où une lettre donnée apparaît dans un texte.

- a. Choisissez une phrase et écrivez-la ci-dessous. Attention, il ne faut pas écrire les accents.
- **b.** De quelle lettre voulez-vous étudier le nombre d'apparition?
- c. Exécutez le programme avec les choix faits aux questions a et b.
- d. Quel résultat obtenez-vous ?
- e. Quelle est la variable qui donne ce résultat ?
- f. Calculez la fréquence d'apparition de la lettre choisie.

Hauteur de pluie (en mm)

50

40

30

20

10

Janv.

Je vais plus loin

On a relevé les hauteurs de pluie observées sur les six premiers mois de l'année à Londres.

| Mois | Janv. | Fév. | Mars | Avril | Mai | Juin |
|--------------------------|-------|------|------|-------|-----|------|
| Hauteur de pluie (en mm) | 43 | | 42 | 32 | | |

Problématique : la hauteur moyenne de pluie par mois sur les 6 premiers mois est-elle supérieure à la moyenne annuelle par mois qui est de 50 mm ?



b. Complétez le tableau à l'aide du diagramme.



d. Calculez la hauteur de pluie totale sur les six premiers mois.



f. Répondez à la problématique.

g. X À l'aide d'un tableur, construisez le diagramme circulaire de cette série.



21 Carmen désire vendre dans son magasin un flacon d'eau de toilette de 100 mL. Elle se renseigne auparavant sur les prix pratiqués dans 80 boutiques qui vendent le même flacon d'eau de toilette de 100 mL.

| Prix (en €) | 65 | 70 | 75 | 80 |
|------------------|----|----|----|----|
| Effectif | 12 | 15 | 32 | 21 |
| Fréquence (en %) | | | | |

Carmen décide de vendre le flacon 72 €.

Problématique : ce prix est-il inférieur ou supérieur au prix moyen pratiqué dans les autres boutiques ?

a. Complétez la ligne Fréquence du tableau. Détaillez un de vos calculs.

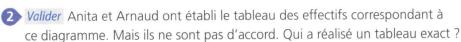


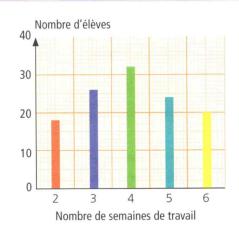
- **b.** Calculez le prix moyen d'un flacon. Arrondissez au centime d'euro.
- c. Répondez à la problématique en justifiant.

Dans un lycée, une enquête est réalisée auprès des élèves ayant travaillé durant l'été. On leur a posé la question « Combien de semaines avezvous travaillé cet été ? ». Les résultats de cette étude sont donnés dans le diagramme en bâtons ci-contre.

Problématique : peut-on dire, qu'en moyenne, les élèves de ce lycée ayant effectué un travail durant l'été ont travaillé 4 semaines ?







| 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
|----|----|-------|-------------------|------------------------|
| 18 | 26 | 32 | 24 | 20 |
| | | | | |
| 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 18 | 27 | 32 | 24 | 19 |
| | 18 | 18 26 | 18 26 32 2 3 4 | 18 26 32 24 2 3 4 5 |

- 3 Valider Vérifiez que l'effectif total est égal à 120 dans les deux tableaux.
- 4 Réaliser Calculez la fréquence (en %) du nombre d'élèves qui ont travaillé 5 semaines.
- **S** Analyser-Raisonner Amir a calculé le nombre moyen de semaines de travail et a obtenu 6,4 semaines. Pourquoi peut-on dire que ce résultat est faux sans même faire de calcul ?
- 6 Réaliser Déterminez le nombre moyen de semaines de travail effectuées par les élèves en utilisant les fonctions statistiques de la calculatrice. Arrondissez le résultat au centième.
- 7 Amir veut vérifier le résultat précédent à l'aide d'un tableur.
 - foucherconnect.fr/ 20m07 Réaliser Ouvrez le fichier « C01_24_moyenne.xlsx ».
 - Déterminez le nombre moyen de semaines de travail en complétant la cellule H8 par la formule correcte à cocher ci-dessous :
 - = H5*H4 = H5/H4 = H5+H4

- Arrondissez le résultat au centième.

- 8 Valider Comparez les résultats obtenus aux questions 6 et 7.
- 9 Communiquer Répondez à la problématique.



CAP - Mathématiques

Chapitre 01 - Diagrammes et calculs statistiques

Activité 03 – Exercices complémentaires

Exercice M

Calculer la moyenne de chacune des séries suivantes.

1. 2; 4; 6; 8; 10 **2.** 1; 2; 3; 4; 5; 100

Exercice N

On donne les notes obtenues par les élèves d'une classe de CAP lors du dernier contrôle de mathématiques.

| 10 | 11 | 10 | 9 | 10 | 11 | 14 | 10 | 9 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|---|
| 10 | 0 | 10 | 10 | 9 | 10 | 10 | 11 | 9 |

- 1. Calculer la moyenne de la classe.
- 2.1. Compléter le tableau ci-après à l'aide des notes obtenues par les élèves au devoir.

| Note | 9 | 10 | 11 | 14 | TOTAL |
|----------|---|----|----|----|-------|
| Effectif | | | | | |

2.2. Calculer la moyenne de la classe en utilisant le tableau de la question 2.1.

Exercice O

On s'intéresse au nombre d'enfants pour chacune des familles d'une petite commune.

| Nombre d'enfants | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | TOTAL |
|------------------|----|----|----|----|---|-------|
| Effectif | 10 | 20 | 25 | 15 | 5 | |
| Fréquence (en %) | | | | | | |

- 1. Compléter la ligne des fréquences.
- 2. Calculer le nombre moyen d'enfant par famille.

Exercice P

On s'intéresse sur une journée aux camions qui livrent un entrepôt logistique. On relève pour chaque camion le nombre de palettes livrées.

| Nombre de palettes | 10 | 15 | 20 | 25 | 30 | TOTAL |
|--------------------|----|----|----|----|----|-------|
| Effectif | 2 | 4 | 10 | 3 | 1 | |
| Fréquence (en %) | | | | | | |

- 1. Compléter la ligne des fréquences.
- 2. Calculer le nombre moyen de palettes par camion.